

Solution proposée par Frédéric de Ligt au problème de la quinzaine numéro 8

Le produit $44\,135\,551\,142 \times 2\,014 = 88\,888\,999\,999\,988$ est, par construction, divisible par 2014 et la somme de ses chiffres vaut 119.

De même le produit $342 \times 2014 = 688\,788$ dont la somme des chiffres vaut 45.

De même le produit $17 \times 2014 = 34\,238$ dont la somme des chiffres vaut 20.

On peut obtenir 2014 par la combinaison suivante $2014 = 16 \times 119 + 2 \times 45 + 20$.

Une solution au problème posé est alors le nombre (écrit dans le système décimal :

$$\underbrace{88888999999988\dots 88888999999988}_{16 \text{ fois}} 68878868878834238$$

dont la somme des chiffres vaut 2014 et qui est divisible par 2014.

Ce nombre comporte $16 \times 14 + 2 \times 6 + 5 = 241$ chiffres.

Ce n'est sans doute pas le minimum de chiffres atteignable mais cela ne doit pas en être bien éloigné. En effet, il n'est pas possible de descendre en dessous de 224 chiffres dans la mesure où un nombre écrit uniquement avec 223 chiffres 9 a une somme de ses chiffres inférieure à 2014.